

الأعداد الجذرية: الجمع والطرح

1. الجمع

مجموع عددين لهما نفس المقام

$$\frac{a}{b} + \frac{c}{b} = \frac{a+c}{b}$$

مجموع عددين جررين لهما نفس المقام هو عدد جرري له نفس المقام وبسطه هو مجموع البسطين

$$\frac{8}{-9} + \frac{2}{9} = \frac{-8}{9} + \frac{2}{9} = \frac{-6}{9} = \frac{-2}{3}$$

مثال مجموع عددين مختلفي المقام

لحساب مجموع عددين جررين مختلفي المقام نوحد مقاميهما ثم نطبق القاعدة السابقة

$$-\frac{8}{21} + \frac{5}{7} = -\frac{8}{21} + \frac{15}{21} = \frac{7}{21} = \frac{1}{3} \quad ; \quad \frac{-5}{12} + \frac{9}{-8} = \frac{-10}{24} + \frac{-27}{24} = \frac{-37}{24}$$

أمثلة قاعدة عامة

$$\frac{a}{b} + \frac{c}{d} = \frac{a \times d + b \times c}{b \times d}$$

$$\frac{3}{14} + \frac{-2}{3} = \frac{9 + (-28)}{42} = \frac{-19}{42}$$

مثال مجاميع خاصة

$$\frac{a}{b} + \left(-\frac{a}{b} \right) = -\frac{a}{b} + \frac{a}{b} = 0$$

$$\frac{a}{b} + 0 = 0 + \frac{a}{b} = \frac{a}{b}$$

$$-\frac{43}{15} + \frac{43}{15} = 0 \quad ; \quad 0 + \frac{2}{-9} = \frac{-2}{9}$$

أمثلة مقابل مجموع

كيف ما كان x و y عددان جريلن فإن: $(-x) + (-y) = -(x+y)$

$$-\left(2 + \frac{-5}{3} \right) = (-2) + \frac{5}{3}$$

مثال مجموع عدة أعداد

لحساب مجموع عدة أعداد جذرية نجمع حدين في كل مرة

$$\text{مثال لنحسب المجموع: } \frac{2}{-9} + \frac{13}{12} + \left(-\frac{20}{24} \right) + \frac{-7}{18} + \frac{1}{3}$$

$$\frac{2}{-9} + \frac{13}{12} + \left(-\frac{20}{24} \right) + \frac{-7}{18} + \frac{1}{3} = \left[\frac{-2}{9} + \frac{13}{12} \right] + \left[\frac{-5}{6} \right] + \left[\frac{-7}{18} + \frac{1}{3} \right]$$

$$= \left[\frac{-8}{36} + \frac{39}{36} \right] + \left[\frac{-5}{6} \right] + \left[\frac{-14}{36} + \frac{12}{36} \right]$$

$$= \frac{31}{36} + \frac{-5}{6} + \frac{-2}{36}$$

$$\begin{aligned}
 &= \frac{29}{36} + \frac{-5}{6} \\
 &= \frac{29}{36} + \frac{-30}{36} \\
 &= \frac{-1}{36}
 \end{aligned}$$

طريقة ثانية: ◆

$$\begin{aligned}
 \frac{2}{-9} + \frac{13}{12} + \left(-\frac{20}{24} \right) + \frac{-7}{18} + \frac{1}{3} &= \left[\frac{-2}{9} + \frac{-7}{18} \right] + \left[\frac{13}{12} + \frac{-20}{24} \right] + \frac{1}{3} \\
 &= \left[\frac{-4}{18} + \frac{-7}{18} \right] + \left[\frac{26}{24} + \frac{-20}{24} \right] + \frac{1}{3} \\
 &= \frac{-11}{18} + \frac{1}{4} + \frac{1}{3} \\
 &= \frac{-22+9+12}{36} \\
 &= \frac{-1}{36}
 \end{aligned}$$

2. الطرح

فرق عددين لهما نفس المقام

$$\frac{a}{b} - \frac{c}{b} = \frac{a-c}{b}$$

فرق عددين جديرين لهما نفس المقام هو عدد جدري له نفس المقام وبسطه هو فرق البسطين

مثال

$$\frac{-8}{13} - \frac{2}{-13} = \frac{(-8)}{13} - \frac{(-2)}{13} = \frac{-8+2}{13} = \frac{-6}{13}$$

فرق عددين مختلفي المقام

لحساب فرق عددين جديرين مختلفي المقام نوحد مقاميهما ثم نطبق القاعدة السابقة

$$\frac{3}{22} - \frac{-3}{11} = \frac{3}{22} - \frac{(-6)}{22} = \frac{9}{22} \quad ; \quad -\frac{5}{6} - \frac{11}{15} = \frac{(-25)}{30} - \frac{22}{30} = \frac{-37}{30}$$

أمثلة عامة

$$\frac{a}{b} - \frac{c}{d} = \frac{a \times d - b \times c}{b \times d}$$

مثال

$$\frac{4}{-7} - \frac{5}{9} = \frac{36 - (-35)}{63} = \frac{71}{63}$$

قاعدة

إذا كان $\frac{c}{d}$ عددان جديريان فلن:

$$\frac{a}{b} - \frac{c}{d} = \frac{a}{b} + \left(-\frac{c}{d} \right)$$

مثال 1

$$\frac{1}{3} - \frac{4}{9} = \frac{1}{3} + \frac{-4}{9} = \frac{3}{9} + \frac{-4}{9} = \frac{-1}{9}$$

مثال 2

$$\frac{2}{5} - \frac{3}{10} - \frac{1}{-6} = \frac{2}{5} + \frac{-3}{10} + \frac{1}{6} = \frac{12 + (-9) + 5}{30} = \frac{8}{30}$$